

# Introducción a la Prospección de Datos Masivos ("Data Mining")

José Hernández Orallo  
jorallo@dsic.upv.es

Transparencias y otra documentación en:  
<http://www.dsic.upv.es/~jorallo/master/>

Máster de Ingeniería del Software. DSIC

## Temario

- |                                 |   |
|---------------------------------|---|
| 1. Introducción                 | 1.1. Motivación<br>1.2. Problemas tipo y aplicaciones<br>1.3. Relación de DM con otras disciplinas  |
| 2. El proceso de KDD            | 2.1. Las Fases del KDD<br>2.2. Tipología de Patrones de Minería de Datos<br>2.3. Ejemplo  |
| 3. Técnicas de Minería de Datos | 3.1. Taxonomía de Técnicas.<br>3.2. Evaluación de Hipótesis<br>3.3. Técnicas no supervisadas y descriptivas.<br>3.4. Técnicas supervisadas y predictivas. |
| 4. Desarrollo e Implantación    | 4.1. Sistemas Comerciales<br>4.2. Tendencias<br>4.3. Para saber más   |

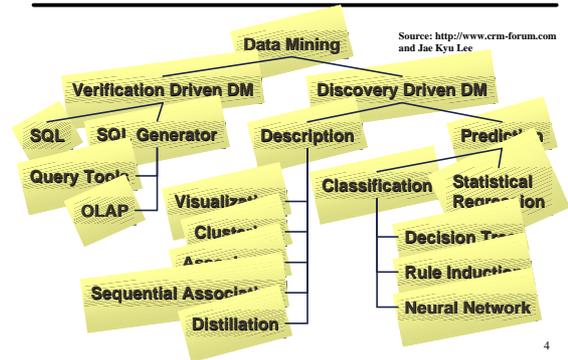
2

## 3. Técnicas de Minería de Datos

- 3.1. Taxonomía de Técnicas.
- 3.2. Evaluación de Hipótesis
- 3.3. Técnicas no supervisadas y descriptivas
- 3.4. Técnicas supervisadas y predictivas

3

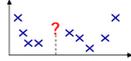
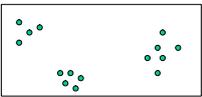
## Taxonomía Técnicas de Minería de Datos.



4

## Taxonomía de Técnicas de DM

Ejemplos:

- |              |   |
|--------------|---|
| Predictivos  | • <b>Interpolación:</b>  $f(2.2)=?$  |
|              | • <b>Predicción secuencial:</b> 1, 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, ... ?  |
|              | • <b>Aprendizaje supervisado:</b><br>1 3 -> 4.<br>3 5 -> 8.                      4 2 -> ?<br>7 2 -> 9.  |
| Descriptivos | • <b>Segmentación (Aprendizaje no supervisado):</b><br> ¿Cuántos grupos hay?<br>¿Qué grupos formo? |
|              | • <b>Análisis Exploratorio: Correlaciones, Asociaciones y Dependencia</b>   |

## Taxonomía de Técnicas de DM

**PREDICTIVO: Interpolación y Predicción Secuencial.**

- Generalmente las mismas técnicas:
  - **Datos continuos (reales):**
    - **Regresión Lineal:**
      - Regresión lineal global (clásica).
      - Regresión lineal ponderada localmente.
    - **Regresión No Lineal:** logarítmica, pick & mix, ...
  - **Datos discretos:**
    - No hay técnicas específicas: se suelen utilizar técnicas de algoritmos genéticos o algoritmos de enumeración refinados.

6

## Taxonomía de Técnicas de DM

### PREDICTIVO: Aprendizaje supervisado.

Dependiendo de si se estima una función o una correspondencia:

- clasificación: se estima una función (las clases son disjuntas).
- categorización: se estima una correspondencia (las clases pueden solapar).

Dependiendo del número y tipo de clases:

- clase *discreta*: se conoce como “clasificación”.  
*Ejemplo: determinar el grupo sanguíneo a partir de los grupos sanguíneos de los padres.*
  - si sólo tiene dos valores (V y F) se conoce como “concept learning”.  
*Ejemplo: Determinar si un compuesto químico es cancerígeno.*
- clase *continua* o discreta ordenada: se conoce como “estimación”.  
*Ejemplo: estimar el número de hijos de una familia a partir de otros ejemplos de familias.*

7

## Taxonomía de Técnicas de DM

### PREDICTIVO: Aprendizaje supervisado (Clasificación).

- Técnicas:
    - k-NN (Nearest Neighbor).
    - k-means (competitive learning).
    - Perceptron Learning.
    - Multilayer ANN methods (e.g. backpropagation).
    - Radial Basis Functions.
    - Decision Tree Learning (e.g. ID3, C4.5, CART).
    - Bayes Classifiers.
    - Center Splitting Methods.
    - Rules (CN2)
    - Pseudo-relational: Supercharging, Pick-and-Mix.
    - Relational: ILP, IFLP, SCIL.
- } Similarity-Based  
} Fence and Fill

8

## Taxonomía de Técnicas de DM

### DESCRIPTIVO: Análisis Exploratorio

- Técnicas:
  - Estudios correlacionales
  - Asociaciones.
  - Dependencias.
  - Detección datos anómalos.
  - Análisis de dispersión.

9

## Taxonomía de Técnicas de DM

### DESCRIPTIVO: Segmentación (Aprendizaje no supervisado)

- Técnicas de *clustering*:
  - k-means (competitive learning).
  - redes neuronales de Kohonen
  - EM (Estimated Means) (Dempster et al. 1977).
  - Cobweb (Fisher 1987).
  - AUTOCLASS
  - ...

10

## Evaluación de Hipótesis

¿Qué hipótesis elegimos?

- APROXIMACIONES:
  - Asumir distribuciones a priori.
  - Criterio de simplicidad, de descripción o transmisión mínimas.
  - Separar: Training Set y Test Set.
    - Cross-validation.
  - Basadas en refuerzo.

Otras preguntas importantes:

¿Cómo sabemos lo bien que se comportará en el futuro?

11

## Evaluación de Hipótesis

### PARTICIÓN DE LA MUESTRA

- Evaluar una hipótesis sobre los mismos datos que han servido para generarla da siempre resultados muy optimistas.  
*Solución: PARTIR EN: Training Set y Test Set.*
- Si los datos disponibles son grandes (o ilimitados) :
  - *Training Set*: c.jto. con el que el algoritmo aprende una o más hipótesis.
  - *Test Set*: c.jto. con el que se selecciona la mejor de las anteriores y se estima su validez.
- Para problemas con *clase discreta*, se calcula la “accuracy”, que se mide como el porcentaje de aciertos sobre el test set.
- Para problemas con *clase continua*, se utiliza la media del error cuadrático u otras medidas sobre el test set.

12

## Métodos Descriptivos

### Correlación y Asociaciones (análisis exploratorio o *link analysis*):

- **Coefficiente de correlación (cuando los atributos son numéricos):**  
Ejemplo: desigualdad de repartición en la riqueza e índices de delincuencia correlacionan positivamente.
- **Asociaciones (cuando los atributos son nominales).**  
Ejemplo: tabaquismo y alcoholismo están asociados.
- **Dependencias funcionales: asociación unidireccional.**  
Ejemplo: el nivel de riesgo de enfermedades cardiovasculares depende del tabaquismo y alcoholismo (entre otras cosas).

13

## Métodos Descriptivos

### Correlaciones y Estudios Factoriales:

Permiten establecer relevancia/irrelevancia de factores y si aquella es positiva o negativa respecto a otro factor o variable a estudiar.

Ejemplo (Kiel 2000): Estudio de visitas: 11 pacientes, 7 factores:

- Health: salud del paciente (referida a la capacidad de ir a la consulta). (1-10)
- Need: convicción del paciente que la visita es importante. (1-10)
- Transportation: disponibilidad de transporte del paciente al centro. (1-10)
- Child Care: disponibilidad de dejar los niños a cuidado. (1-10)
- Sick Time: si el paciente está trabajando, puede darse de baja. (1-10)
- Satisfaction: satisfacción del cliente con su médico. (1-10)
- Ease: facilidad del centro para concertar cita y eficiencia de la misma. (1-10)
- No-Show: indica si el paciente no se ha pasado por el médico durante el último año (0-se ha pasado, 1 no se ha pasado)

14

## Métodos Descriptivos

### Correlaciones y Estudios Factoriales. Ejemplo (cont.):

Matriz de correlaciones:

|                | Health  | Need    | Transportation | Child Care | Sick Time | Satisfaction | Ease    | No-Show |
|----------------|---------|---------|----------------|------------|-----------|--------------|---------|---------|
| Health         | 1       |         |                |            |           |              |         |         |
| Need           | -0.7378 | 1       |                |            |           |              |         |         |
| Transportation | 0.3116  | -0.1041 | 1              |            |           |              |         |         |
| Child Care     | 0.3116  | -0.1041 | 1              | 1          |           |              |         |         |
| Sick Time      | 0.2771  | 0.0602  | 0.6228         | 0.6228     | 1         |              |         |         |
| Satisfaction   | 0.22008 | -0.1337 | 0.6538         | 0.6538     | 0.6257    | 1            |         |         |
| Ease           | 0.3887  | -0.0334 | 0.6504         | 0.6504     | 0.6588    | 0.8964       | 1       |         |
| No-Show        | 0.3955  | -0.5416 | -0.5031        | -0.5031    | -0.7249   | -0.3988      | -0.3278 | 1       |

Coefficientes de Regresión:

| Independent Variable | Coefficient |
|----------------------|-------------|
| Health               | .6434       |
| Need                 | .0445       |
| Transportation       | -.2391      |
| Child Care           | -.0599      |
| Sick Time            | -.7584      |
| Satisfaction         | -.3537      |
| Ease                 | -.0786      |

Indica que un incremento de 1 en el factor Health aumenta la probabilidad de que no aparezca el paciente en un 64.34%

15

## Métodos Descriptivos

### Reglas de Asociación y Dependencia:

La terminología no es muy coherente en este campo (Fayyad, p.ej. suele llamar asociaciones a todo y regla de asociación a las dependencias):

#### Asociaciones:

Se buscan asociaciones de la siguiente forma:

$$(X_1 = a) \leftrightarrow (X_4 = b)$$

De los  $n$  casos de la tabla, que las dos comparaciones sean verdaderas o falsas será cierto en  $r_c$  casos:

Un parámetro  $T_c$  (confidence):

$$T_c = \text{certeza de la regla} = r_c/n$$

si consideramos valores nulos, tenemos también un número de casos en los que se aplica satisfactoriamente (diferente de  $T_c$ ) y denominado  $T_s$ .

16

## Métodos Descriptivos

### Reglas de Asociación y Dependencia de Valor:

#### Dependencias de Valor:

Se buscan dependencias de la siguiente forma (if Ante then Cons):

P.ej. if (X1=a, X3=c, X5=d) then (X4=b, X2=a)

De los  $n$  casos de la tabla, el antecedente se puede hacer cierto en  $r_a$  casos y de estos en  $r_c$  casos se hace también el consecuente, tenemos:

Dos parámetros  $T_c$  (confidence/accuracy) y  $T_s$  (support):

$T_c = \text{certeza de la regla} = r_c/r_a$ , fuerza o confianza  $P(\text{Cons}|\text{Ante})$

$T_s = \text{mínimo n}^\circ \text{ de casos o porcentaje en los que se aplica satisfactoriamente } (r_c \text{ o } r_c/n \text{ respectivamente}).$

Llamado también prevalencia:  $P(\text{Cons} \wedge \text{Ante})$

17

## Métodos Descriptivos

### Reglas de Asociación y Dependencia de Valor. Ejemplo:

| DNI      | Renta Familiar | Ciudad    | Profesión                | Edad | Hijos | Obeso | Casado |
|----------|----------------|-----------|--------------------------|------|-------|-------|--------|
| 11251545 | 5.000.000      | Barcelona | Ejecutivo                | 45   | 3     | S     | S      |
| 30512526 | 1.000.000      | Melilla   | Abogado                  | 25   | 0     | S     | N      |
| 22451616 | 3.000.000      | León      | Ejecutivo                | 35   | 2     | S     | S      |
| 25152516 | 2.000.000      | Valencia  | Camarero                 | 30   | 0     | S     | S      |
| 23525251 | 1.500.000      | Benidorm  | Animador Parque Temático | 30   | 0     | N     | N      |

Asociaciones:

Casado e (Hijos > 0) están asociados (80%, 4 casos).

Obeso y casado están asociados (80%, 4 casos)

Dependencias:

(Hijos > 0)  $\rightarrow$  Casado (100%, 2 casos).

Casado  $\rightarrow$  Obeso (100%, 3 casos)

18

## Métodos Descriptivos

### Patrones Secuenciales:

Se trata de establecer asociaciones del estilo:  
 "si compra X en T comprará Y en T+P"

Ejemplo:

| Transaction Database |                  |          |                    |
|----------------------|------------------|----------|--------------------|
| Customer             | Transaction Time |          | Purchased Items    |
| John                 | 6/21/97          | 5:30 pm  | Beer               |
| John                 | 6/22/97          | 10:20 pm | Brandy             |
| Frank                | 6/20/97          | 10:15 am | Juice, Coke        |
| Frank                | 6/20/97          | 11:50 am | Beer               |
| Frank                | 6/21/97          | 9:25 am  | Wine, Water, Cider |
| Mitchell             | 6/21/97          | 3:20 pm  | Beer, Gin, Cider   |
| Mary                 | 6/20/97          | 2:30 pm  | Beer               |
| Mary                 | 6/21/97          | 6:17 pm  | Wine, Cider        |
| Mary                 | 6/22/97          | 5:05 pm  | Brandy             |
| Robin                | 6/20/97          | 11:05 pm | Brandy             |

19

## Métodos Descriptivos

### Patrones Secuenciales:

Ejemplo (cont.):

Customer Sequence

| Customer | Customer Sequences                        |
|----------|---|
| John     | (Beer) (Brandy)                           |
| Frank    | (Juice, Coke) (Beer) (Wine, Water, Cider) |
| Mitchell | (Beer, Gin, Cider)                        |
| Mary     | (Beer) (Wine, Cider) (Brandy)             |
| Robin    | (Brandy)                                  |

20

## Métodos Descriptivos

### Patrones Secuenciales:

Ejemplo (cont.):

Mining Results

| Sequential Patterns with Support >= 40% | Supporting Customers      |
|---|---------------------------|
| (Beer) (Brandy)<br>(Beer) (Wine, Cider) | John, Mary<br>Frank, Mary |

21

## Métodos Descriptivos Aprendizaje No Supervisado

### Clustering (Segmentación):

Se trata de buscar agrupamientos naturales en un conjunto de datos tal que tengan semejanzas.

Métodos de Agrupamiento:

- Jerárquicos: los datos se agrupan de manera arborescente (p.ej. el reino animal).
- No jerárquicos: generar particiones a un nivel.
  - (a) Paramétricos: se asumen que las densidades condicionales de los grupos tienen cierta forma paramétrica conocida (p.e. Gaussiana), y se reduce a estimar los parámetros.
  - (b) No paramétricos: no asumen nada sobre el modo en el que se agrupan los objetos.

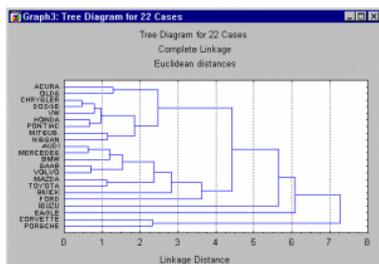
22

## Métodos Descriptivos Aprendizaje No Supervisado

### Clustering (Segmentación). Métodos jerárquicos:

Un método sencillo consiste en ir separando individuos según su distancia e ir aumentando el límite para hacer grupos.

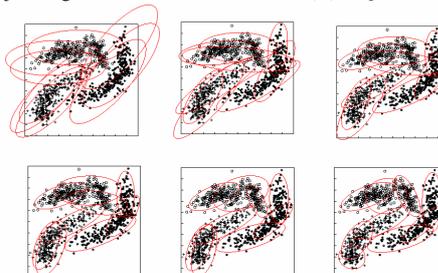
Esto nos da diferentes agrupaciones a distintos niveles, de una manera jerárquica, lo que se denomina *Horizontal Hierarchical Tree Plot*.



## Métodos Descriptivos Aprendizaje No Supervisado

### Clustering (Segmentación). Métodos paramétricos:

(p.ej., el algoritmo EM, Estimated Means) (Dempster et al. 1977).



Gráficas:  
Enrique Vidal

24

## Métodos Descriptivos Aprendizaje No Supervisado

### Clustering (Segmentación). Métodos No Paramétricos

Métodos:

- $k$ -NN
- $k$ -means clustering,
- online  $k$ -means clustering,
- centroides
- SOM (Self-Organizing Maps) o Redes Kohonen.

Otros específicos:

- El algoritmo Cobweb (Fisher 1987).
- El algoritmo AUTOCLASS (Cheeseman & Stutz 1996)

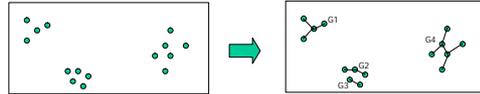
25

## Métodos Descriptivos Aprendizaje No Supervisado

### Clustering (Segmentación). Métodos No Paramétricos

#### 1-NN (Nearest Neighbour):

Dado una serie de ejemplos en un espacio, se conecta cada punto con su punto más cercano:



La conectividad entre puntos genera los grupos.

A veces hace grupos pequeños.

Existen variantes:  $k$ -NN.

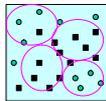
26

## Métodos Descriptivos Aprendizaje No Supervisado

### Clustering (Segmentación). Métodos No Paramétricos

#### $k$ -means clustering:

- Se utiliza para encontrar los  $k$  puntos más densos en un conjunto arbitrario de puntos.



#### On-line $k$ -means clustering (competitive learning):

- Refinamiento incremental del anterior.

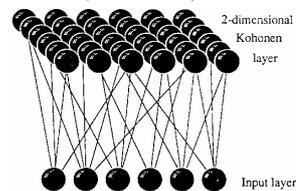
27

## Métodos Descriptivos Aprendizaje No Supervisado

### Clustering (Segmentación). Métodos No Paramétricos

#### SOM (Self-Organizing Maps) o Redes Kohonen

También conocidos como LVQ (linear-vector quantization) o redes de memoria asociativa (Kohonen 1984).

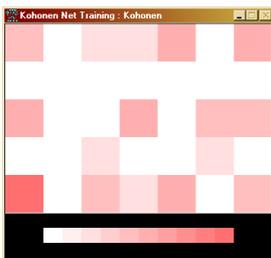


La matriz de neuronas de la última capa forma un grid bidimensional.

28

## Métodos Descriptivos Aprendizaje No Supervisado

### Clustering (Segmentación). Métodos No Paramétricos SOM (Self-Organizing Maps) o Redes Kohonen



También puede verse como una red que reduce la dimensionalidad a 2. Por eso es común realizar una representación bidimensional con el resultado de la red para buscar grupos visualmente.

29

## Otros Métodos Descriptivos

### Análisis Estadísticos:

- Estudio de la distribución de los datos.
- Detección datos anómalos.
- Análisis de dispersión.

*Muchas veces, estos análisis se pueden utilizar previamente para determinar el método más apropiado para un aprendizaje supervisado*

*También se utilizan mucho para la limpieza y preparación de datos para el uso de métodos supervisados.*

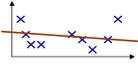
30

## Métodos Predictivos. Interpolación y Predicción Secuencial

### Regresión Lineal Global.

Se buscan los coeficientes de una función lineal  $f$

Para más de dos dimensiones se puede hacer por *gradient descent*



### Regresión No Lineal.

Estimación Logarítmica (se sustituye la función a obtener por  $y=\ln(f)$ ). Se hace regresión lineal para calcular los coeficientes y a la hora de predecir se calcula la  $f = e^y$ .

### Pick and Mix - Supercharging

Se añaden dimensiones, combinando las dadas. P.ej.  $x_4 = x_1 \cdot x_2$ ,  $x_5 = x_3^2$ ,  $x_6 = x_1^{x_5}$  y obtener una función lineal de  $x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6$

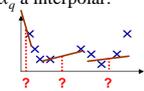
31

## Métodos Predictivos. Interpolación y Predicción Secuencial

### Regresión Lineal Ponderada Localmente.

La función lineal se aproxima para cada punto  $x_j$  a interpolar:

$$\hat{f}(x) = w_0 + w_1 x_1 + \dots + w_m x_m$$



### Regresión Adaptativa.

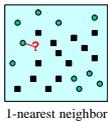
Especializados en predicción secuencial. Muy utilizada en compresión de sonido y de vídeo, en redes, etc. (se predicen las siguientes tramas)

Algoritmos mucho más sofisticados (cadenas de Markov, VQ)

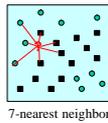
32

## Métodos Predictivos. Aprendizaje Supervisado

**k-NN (Nearest Neighbour):** se puede usar para clasificación



Clasifica círculo



Clasifica cuadrado

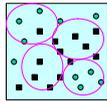


PARTICIÓN DEL 1-nearest neighbor

(Poliédrica o de Voronoi)

### k-means clustering:

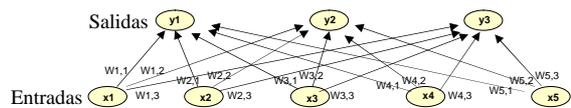
- Aunque lo vimos como una técnica no supervisada, también se puede utilizar para aprendizaje supervisado, si se utiliza convenientemente.



33

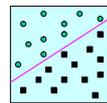
## Aprendizaje Supervisado

### Perceptron Learning.

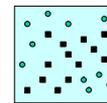


- Computan una función lineal.

$$y'_j = \sum_{i=1}^n w_{i,j} \cdot x_i$$



PARTICIÓN LINEAL POSIBLE



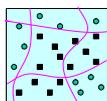
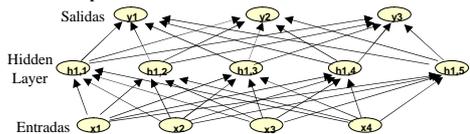
PARTICIÓN LINEAL IMPOSIBLE

34

## Aprendizaje Supervisado

**Multilayer Perceptron** (redes neuronales artificiales, ANN).

- El perceptron de una capa no es capaz de aprender las funciones más sencillas.
- Se añaden capas internas.



PARTICIÓN NO LINEAL MÚLTIPLE POSIBLE CON 4 UNIDADES INTERNAS

35

## Aprendizaje Supervisado

**Árboles de Decisión** (ID3 (Quinlan), C4.5 (Quinlan), CART).

- Ejemplo C4.5 con datos discretos:

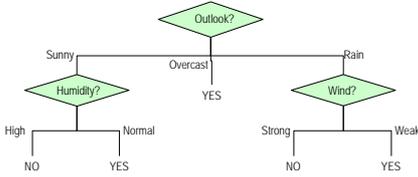
| Example | Sky      | Temperature | Humidity | Wind   | PlayTennis |
|---------|----------|-------------|----------|--------|------------|
| 1       | Sunny    | Hot         | High     | Weak   | No         |
| 2       | Sunny    | Hot         | High     | Strong | No         |
| 3       | Overcast | Hot         | High     | Weak   | Yes        |
| 4       | Rain     | Mild        | High     | Weak   | Yes        |
| 5       | Rain     | Cool        | Normal   | Weak   | Yes        |
| 6       | Rain     | Cool        | Normal   | Strong | No         |
| 7       | Overcast | Cool        | Normal   | Strong | Yes        |
| 8       | Sunny    | Mild        | High     | Weak   | No         |
| 9       | Sunny    | Cool        | Normal   | Weak   | Yes        |
| 10      | Rain     | Mild        | Normal   | Weak   | Yes        |
| 11      | Sunny    | Mild        | Normal   | Strong | Yes        |
| 12      | Overcast | Mild        | High     | Strong | Yes        |
| 13      | Overcast | Hot         | Normal   | Weak   | Yes        |
| 14      | Rain     | Mild        | High     | Strong | No         |

36

## Aprendizaje Supervisado

Árboles de Decisión.

- Ejemplo C4.5 con datos discretos:



P.ej., la instancia:  
(Outlook = sunny, Temperature = cool, Humidity = high, Wind = strong)  
es NO.

37

## Aprendizaje Supervisado

Naive Bayes Classifiers.

- Se utilizan más con variables discretas. Ejemplo del playtennis:
- Queremos clasificar una nueva instancia:  
(Outlook = sunny, Temperature = cool, Humidity = high, Wind = strong)

$$V_{NB} = \arg \max_{c_i \in \{yes, no\}} P(c_i) \prod_j P(x_j | c_i) =$$

$$= \arg \max_{c_i \in \{yes, no\}} P(c_i) \cdot P(\text{Outlook} = \text{sunny} | c_i) \cdot P(\text{Temperature} = \text{cool} | c_i)$$

$$\cdot P(\text{Humidity} = \text{high} | c_i) \cdot P(\text{Wind} = \text{strong} | c_i)$$

- Estimando las 10 probabilidades necesarias:  
P(Playtennis=yes)=9/14=.64, P(Playtennis=no)=5/14=.36  
P(Wind=strong|Playtennis=yes)=3/9=.33 P(Wind=strong|Playtennis=no)=3/5=.60  
....
- Tenemos que:  
P(yes)P(sunny|yes)P(cool|yes)P(high|yes)P(strong|yes)=0.0053  
P(no)P(sunny|no)P(cool|no)P(high|no)P(strong|no)=0.206

38

## Aprendizaje Supervisado

Comparación de métodos no relacionales:

- k-NN:
  - Muy fácil de usar
  - Eficiente si el n° de ejemplos no es excesivamente grande.
  - El valor de k no es muy importante.
  - Gran expresividad de la partición.
  - Inteligible solo visualmente.
  - Robusto al ruido pero no a atributos no significativos (las distancias aumentan, conocido como "the curse of dimensionality")
- Redes neuronales (multicapa):
  - El número de capas y elementos por capa difíciles de ajustar.
  - Apropiado para clases discretas o continuas.
  - Poca inteligibilidad.
  - Muy sensibles a outliers (datos anómalos).
  - Se necesitan muchos ejemplos.

39

## Aprendizaje Supervisado

Comparación de métodos no relacionales (cont.):

- Naive Bayes:
  - Muy fácil de usar.
  - Muy eficiente.
  - NO HAY MODELO.
  - Robusto al ruido.
- Árboles de decisión: (C4.5):
  - Muy fácil de usar.
  - Admite atributos discretos y continuos.
  - La clase debe ser discreta y finita. (aunque tb. existen los árboles de regresión que permiten clase continua)
  - Es tolerante al ruido, a atributos no significativos y a missing attribute values.
  - Alta inteligibilidad.

40

## Aprendizaje Supervisado

Aprendizaje Relacional y Recursivo:

- IFP (Inductive Functional Programming). Se aprenden reglas de la forma:
 
$$g(f(a), X) \rightarrow b$$
  - Existen aproximaciones con LISP, el lenguaje ML y otros (70s).
- ILP (Inductive Logic Programming). El lenguaje representacional es lógica de primer orden. (Dzeroski & Lavrac 2001).
 
$$p(X, Y, b) :- q(f(X, Y), c)$$
  - Inicio en los 80 (Shapiro) y gran desarrollo en la década de los 90.
- IFLP (Inductive Functional Logic Programming):
 
$$g(f(a), X) \rightarrow b :- p(X, b) = \text{true}, q(X, X) = a$$
  - Mayor naturalidad y expresividad. Ventaja con problemas de clasif.
- Aprendizaje en Orden Superior. Algún intento con el lenguaje Escher. Todavía en pañales.

41

## Aprendizaje Supervisado. Sobremuestreo

Sobremuestreo (oversampling):

En problemas de clasificación sobre bases de datos es posible que haya muchísima más proporción de algunas clases sobre otras. Esto puede ocasionar que haya muy pocos casos de una clase:

Problema: la clase escasa se puede tomar como ruido y ser ignorada por la teoría. Ejemplo: si un problema binario (yes / no) sólo hay un 1% de ejemplos de la clase no, la teoría "todo es de la clase yes" tendría un 99% de precisión (accuracy).

Soluciones:

- Utilizar sobremuestreo...
- Análisis ROC

42

## Aprendizaje Supervisado. Sobremuestreo

### Sobremuestreo (oversampling / balancing):

- El sobremuestreo/submuestreo consiste en repetir/filtrar los ejemplos (tuplas) de las clases con menor/mayor proporción, manteniendo las tuplas de las clases con mayor/menor proporción.
- Esto, evidentemente, cambia la proporción de las clases, pero permite aprovechar a fondo los ejemplos de las clases más raras.

### ¿Cuándo se debe usar sobremuestreo?

- Cuando una clase es muy extraña: p.ej. predecir fallos de máquinas, anomalías, excepciones, etc.
- Cuando todas las clases (especialmente las escasas) deben ser validadas. P.ej. si la clase escasa es la de los clientes fraudulentos.

Pegas: hay que ser muy cuidadoso a la hora de evaluar los modelos.

## Aprendizaje Supervisado. Macro-average

### Macro-average:

- Una alternativa al sobremuestreo consiste en calcular la precisión de una manera diferente.

- Habitualmente, la precisión (accuracy) se calcula:

$$acc(h) = \text{aciertos} / \text{total}$$

(conocido como *micro-averaged accuracy*)

- La alternativa es calcular la precisión como:

$$acc(h) = \frac{\text{aciertos}_{\text{clase1}} / \text{total}_{\text{clase1}} + \text{aciertos}_{\text{clase2}} / \text{total}_{\text{clase2}} + \dots + \text{aciertos}_{\text{clase-n}} / \text{total}_{\text{clase-n}}}{n^{\circ} \text{ clases}}$$

(conocido como *macro-averaged accuracy*)

De esta manera se obtiene un resultado mucho más compensado

44

## Aprendizaje Supervisado. Matrices de Coste y Confusión.

### Errores de Clasificación (confusión de clases) :

- En muchos casos de minería de datos, el error de clasificación sobre una clase no tiene las mismas consecuencias económicas, éticas o humanas que con otras.

- Ejemplo: clasificar una partida de neumáticos en perfectas condiciones como defectuoso o viceversa.

45

## Aprendizaje Supervisado. Matrices de Coste y Confusión.

### Matrices de Confusión y Coste:

- Existen técnicas para ponderar las clases → se combinan las “matrices de confusión” con las “matrices de costes”:

| COST      |        | actual |        |      |
|-----------|--------|--------|--------|------|
|           |        | low    | medium | high |
| predicted | low    | 0€     | 5€     | 2€   |
|           | medium | 200€   | -2000€ | 10€  |
|           | high   | 10€    | 1€     | -15€ |

| ERROR     |        | actual |        |      |
|-----------|--------|--------|--------|------|
|           |        | low    | medium | high |
| predicted | low    | 20     | 0      | 13   |
|           | medium | 5      | 15     | 4    |
|           | high   | 4      | 7      | 60   |

Coste total:

-29787€

46

## Aprendizaje Supervisado. Matrices de Coste y Confusión.

### Errores de Clasificación y Mailings:

- Más aún... Existen técnicas específicas para evaluar la conveniencia de campañas de ‘mailings’ (propaganda por correo selectiva):
- EJEMPLO: Una compañía quiere hacer un mailing para fomentar la compra de productos. En caso de respuesta positiva, los clientes suelen comprar productos por valor medio de 100€. Si un 55% suelen ser costes de producción (fijos y variables), tenemos que por cada respuesta positiva hay una ganancia media de 45€
- Cada mailing cuesta 1€(portes, folletos) y el conjunto de la campaña (indep. del número) tendría un coste base 20.000€
- Con un 1.000.000 de clientes, en el que el 1% responde, ¿cómo podemos evaluar y aplicar un modelo que nos dice (ordena) los mejores clientes para la campaña?

## Aprendizaje Supervisado. Matrices de Coste y Confusión.

### Errores de Clasificación y Mailings. Ejemplo:

Tabla mostrando el beneficio para cada decil:

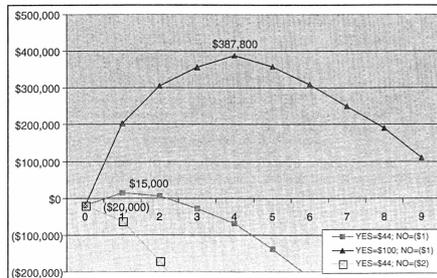
| DECILE | GAINS | CUM  | LIFT  | SIZE      | SIZE(YES) | SIZE(NO) | PROFIT        |
|--------|-------|------|-------|-----------|-----------|----------|---------------|
| 0%     | 0.0%  | 0%   | 0.000 | 0         | 0         | 0        | → (\$20,000)  |
| 10%    | 30.0% | 30%  | 3.000 | 100,000   | 3,000     | 97,000   | → \$15,000    |
| 20%    | 20.0% | 50%  | 2.500 | 200,000   | 5,000     | 195,000  | → \$5,000     |
| 30%    | 15.0% | 65%  | 2.167 | 300,000   | 6,500     | 293,500  | → (\$27,500)  |
| 40%    | 13.0% | 78%  | 1.950 | 400,000   | 7,800     | 392,200  | → (\$69,000)  |
| 50%    | 7.0%  | 85%  | 1.700 | 500,000   | 8,500     | 491,500  | → (\$137,500) |
| 60%    | 5.0%  | 90%  | 1.500 | 600,000   | 9,000     | 591,000  | → (\$215,000) |
| 70%    | 4.0%  | 94%  | 1.343 | 700,000   | 9,400     | 690,600  | → (\$297,000) |
| 80%    | 4.0%  | 98%  | 1.225 | 800,000   | 9,800     | 790,200  | → (\$379,000) |
| 90%    | 2.0%  | 100% | 1.111 | 900,000   | 10,000    | 890,000  | → (\$470,000) |
| 100%   | 0.0%  | 100% | 1.000 | 1,000,000 | 10,000    | 990,000  | → (\$570,000) |

48

## Aprendizaje Supervisado. Matrices de Coste y Confusión.

### Errores de Clasificación y Mailings. Ejemplo (cont.):

Gráfica mostrando el beneficio para tres campañas diferentes:



49

## Aprendizaje Supervisado. Matrices de Coste y Confusión.

### Errores de Clasificación:

- En este tipo de problemas (si son binarios o ordenados) es preferible hacer hipótesis con predicciones probabilísticas o con clases continuas (estimaciones), porque permiten combinar con los costes de una manera más detallada.
- P.ej. es preferible un modelo que determine en una escala de 0 a 10 lo bueno que es un cliente, que un modelo que determine si un cliente es malo o bueno.

50

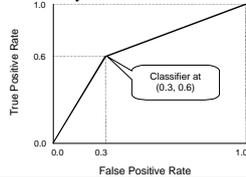
## Aprendizaje Supervisado. Análisis ROC.

### Análisis ROC (Receiver Operating Characteristic):

- Se basa en dibujar el "true-positive rate" en el eje y y el "false-positive rate" en el eje x. Por ejemplo, dada la siguiente matriz de confusión:

|           |   | Actual |    |
|-----------|---|--------|----|
|           |   | T      | F  |
| Predicted | T | 30     | 30 |
|           | F | 20     | 70 |

- Tendríamos TPR= 0.6 y FPR= 0.3.



51

## Métodos Predictivos Combinación de Hipótesis

### Combinación de Hipótesis:

- **BOOSTING:**
  - Se utiliza el MISMO algoritmo para aprender distintas hipótesis sobre distintas particiones de los datos.
  - Luego se *combinan* las distintas hipótesis.
- **VOTING/ARBITER/COMBINER:**
  - Se utiliza DISTINTOS algoritmos para aprender distintas hipótesis sobre todo el conjunto de los datos.
  - Luego se *combinan* las distintas hipótesis.
- Maneras de COMBINAR hipótesis:
  - **WEIGHTING MAJORITY:** el valor se obtiene haciendo la media (caso continuo) o la mediana (caso discreto).
  - **STACKING/CASCADE:** se utiliza cada hipótesis como una variable y se utiliza otro algoritmo (p.ej. una red neuronal para asignar diferentes pesos a las diferentes hipótesis).

52